



## МЕТОДИ ОПТИМІЗАЦІЇ ТА МАТЕМАТИЧНА СТАТИСТИКА У ВІДНОВЛЮВАНІЙ ЕНЕРГЕТИЦІ

### Робоча програма навчальної дисципліни (Силабус)

#### Реквізити навчальної дисципліни

Рівень вищої освіти	Перший (освітньо-професійний)
Галузь знань	14 «Електрична інженерія»
Спеціальність	141 «Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка»
Освітня програма	Нетрадиційні та відновлювані джерела енергії
Статус дисципліни	Нормативна
Форма навчання	очна(денна)
Рік підготовки, семестр	3 курс, осінній семестр
Обсяг дисципліни	4 кредити ECTS / 120 годин (лекцій – 36, практичних занять – 18; самостійна робота - 66)
Семестровий контроль/ контрольні заходи	Залік/ МКР/
Розклад занять	1 лекція 1 раз на тиждень, 1 практичне заняття на 2 тижня
Мова викладання	Українська
Інформація про керівника курсу / викладачів	Лектор: д.ф.-м.н, професор, Гаєвський Олександр Юлійович, +380 975704643, aj.gaevsky@gmail.com
Розміщення курсу	<a href="https://classroom.google.com/c/NTQ3NDg2NjQ3MjYw?cjc=bi7jobc">https://classroom.google.com/c/NTQ3NDg2NjQ3MjYw?cjc=bi7jobc</a>

#### Програма навчальної дисципліни

##### Опис навчальної дисципліни, її мета, предмет вивчення та результати навчання

Програма навчальної дисципліни «Методи оптимізації та математична статистика у відновлюваній енергетиці» складена відповідно до освітньо-наукової програми підготовки бакалавра з галузі знань 14 «Електрична інженерія» за спеціальністю 141 «Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка».

**Метою навчальної дисципліни є формування у студентів наступних компетенцій:**

K05. Здатність до пошуку, оброблення та аналізу інформації з різних джерел. K06. Здатність виявляти, ставити та вирішувати проблеми. K12. Здатність вирішувати практичні задачі із залученням методів математики, фізики та електротехніки. K25.

*Здатність застосовувати методи стандартизованих випробувань щодо визначення електротехнічних характеристик і конструктивних особливостей використовуваного електроенергетичного та електротехнічного обладнання і систем на його основі. К26. Здатність забезпечувати моделювання електротехнічних об'єктів і технологічних процесів виробництва, передачі та розподілу електричної енергії з використанням стандартизованих пакетів і засобів автоматизації інженерних розрахунків,*

**Програмні результати навчання:**

*ПРО6. Застосовувати прикладне програмне забезпечення, мікроконтролери та мікропроцесорну техніку для вирішення практичних проблем у професійній діяльності.*

*ПРО7. Здійснювати аналіз процесів в електроенергетичному, електротехнічному та електромеханічному обладнанні, відповідних комплексах і системах. ПРО8. Обирати і застосовувати придатні методи для аналізу і синтезу електромеханічних та електроенергетичних систем із заданими показниками. ПРО9. Уміти оцінювати енергоефективність та надійність роботи електроенергетичних, електротехнічних та електромеханічних систем. ПР18. Вміти самостійно вчитися, опанувати нові знання і вдосконалювати навички роботи з сучасним обладнанням, вимірювальною технікою та прикладним програмним 11 забезпеченням. ПР27. Знати методики експериментальних досліджень електрофізичних процесів та явищ, що відбуваються у системах та електричних станціях на основі відновлюваних джерел енергії*

**1. Зміст навчальної дисципліни**

*РОЗДІЛ 1. Методи оптимізації*

*РОЗДІЛ 2. Теорія ймовірностей*

*РОЗДІЛ 3. Математична статистика*

**2. Навчальні матеріали та ресурси**

1. Попов Ю.Д., Тюття В.І., Шевченко В.І. Методи оптимізації. Навчальний електронний посібник для студентів спеціальностей “Прикладна математика”, “Інформатика”, “Соціальна інформатика”. – Київ: Електронне видання. Факультет кібернетики КНУ ім.Тараса Шевченка, 2003.–215 с

2. Ємець О. О., Пічугіна О. С., Мацій О. Б., Коробчинський К. П. Навчальний посібник «Лінійне програмування» для студентів напрямів підготовки 122 Комп'ютерні науки та 121 Інженерія програмного забезпечення / Х. : ХНАДУ, 2019. – 102 с.

3. Мовчан А.П. Навчальний посібник: Методи статичної оптимізації. Навч. посіб. / Мовчан А.П., Степанець О.В. — К.: НТУУ «КПІ», 2012. — 138 с.

4. Найко Д.А. Шевчук О. Ф. Теорія ймовірностей та математична статистика: навч. посіб. / Д.А. Найко, О.Ф. Шевчук – Вінниця: ВНАУ, 2020. – 382 с.

5. В. І. Авраменко, І. К. Карімов. Теорія ймовірностей і математична статистика. Навчальний посібник, 2-е видання. – Дніпродзержинськ: «ДДТУ», 2013. - 245 с.
6. Теорія ймовірностей та математична статистика: навч. посіб./ О. І. Кушлик-Дивульська, Н. В. Поліщук, Б. П. Орел, П. І. Штабалюк. – К: НТУУ «КПІ», 2014. – 212 с..
7. Mikkel L. Sørensen | Peter Nystrup | Mathias B. Bjerregård. Recent developments in multivariate wind and solarpower forecasting/ WIREs Energy Environ. 2022;e465 . - <https://doi.org/10.1002/wene.465>
8. Taghezouit, B., Harrou, F., Sun, Y., Arab, A. H., & Larbes, C. Multivariate statistical monitoring of photovoltaic plant operation. Energy Conversion and Management, 2020, vol. 205, 112317, doi:10.1016/j.enconman.2019.112317. – Режим доступу: <https://repository.kaust.edu.sa/bitstream/handle/10754/661268/Manuscript-ECM-D-19-05195R1.pdf?sequence=1>
9. Taghezouit, B.; Harrou, F.; Larbes, C.; Sun, Y.; Semaoui, S.; Arab, A.H.; Bouchakour, S. Intelligent Monitoring of Photovoltaic Systems via Simplicial Empirical Models and Performance Loss Rate Evaluation under LabVIEW: A Case Study. Energies **2022**, 15, 7955. <https://doi.org/10.3390/en15217955>

#### Навчальний контент

#### 1. Методика опанування навчальної дисципліни(освітнього компонента)

#### Лекційні заняття (36 год.)

/п	Назва теми лекції та перелік основних питань (перелік дидактичних засобів, посилання на інформаційні джерела)
	<b>РОЗДІЛ 1. Методи оптимізації</b>
1	Задачі оптимізації у відновлюваній енергетиці. Цільова функція, Область допустимих значень. Умовні і безумовні задачі оптимізації. Класифікація методів чисельного пошуку екстремумів. Література: [1, 3]
2	Метод найменших квадратів. Задачі апроксимації експериментальних даних у відновлюваній енергетиці. Апроксимація характеристик обладнання модельними функціями. Література: [1, 3]
3.	Метод лінійного програмування. Формулювання лінійної екстремальної задачі. Графічна інтерпретація пошуку екстремума. Приклад оптимізації складу фотоелектричної станції за вартістю основного обладнання. Література: [1, 2]
	<b>РОЗДІЛ 2. Теорія ймовірностей та математична статистика</b>

4	<p>Основні поняття і визначення. Означення ймовірності. Випадкова величина (ВВ). Дискретні ВВ. Закон розподілу для дискретних ВВ. Функція розподілу для дискретних ВВ. Неперервні ВВ. Щільність розподілу неперервної ВВ. Приклади.</p> <p>Література: [1, 3]</p>
5	<p>Системи випадкових величин. Функція розподілу двовимірної випадкової величини. Умовні закони розподілу. Умовні ймовірності. Ймовірність суми подій. Повна ймовірність. Формула Байєса. Незалежні випробування.</p> <p>Література: [4, 5]</p>
6	<p>Деякі види розподілів. Розподіл (функція розподілу) Бернуллі. Обчислення та графіки розподілу Бернуллі. Приклади. Узагальнена схема Бернуллі. Розподіл Пуассону. Властивості пуассонівського потоку подій. Ймовірність <math>P_n</math> влучення на відрізок <math>l</math> в точності <math>m</math> точок. Зв'язок розподілів Пуассона і біноміального. Ілюстрації розподілу Пуассона.</p> <p>Література: [4, 6]</p>
7	<p>Числові характеристики випадкових величин. Математичне очікування розподілів. Мода. Приклади обчислень. Медіана. Початкові та центральні моменти для дискретних і неперервних ВВ. Дисперсія. Середньоквадратичне відхилення. Асиметрія. Ексцес. Ілюстрації.</p> <p>Література: [5,6]</p>
8	<p>Характеристики основних законів розподілу випадкових величин. Характеристики біноміального розподілу. Розподіл Пуассона: <math>MO</math> і дисперсія. Рівномірний неперервний розподіл : <math>MO</math> і дисперсія. Експоненційний розподіл. Нормальний розподіл (гаусов). Графіки розподілів. Формули для числових характеристик.</p> <p>Література: [4-6]</p>
9	<p>Характеристична функція. Функції випадкових величин. Функції розподілу нормальних випадкових величин (Пірсона, Стьюдента). Центральна гранична теорема. Приклади з відновлюваної енергетики.</p> <p>Література: [4-6]</p>
10	<p>Багатовимірні випадкові величини. Багатовимірний закон розподілу.. Функція розподілу двовимірних випадкових величин. Властивості функції розподілу двовимірної ВВ. Умовні функції розподілу. Числові характеристики багатовимірних ВВ. Приклади з ВЕ.</p> <p>Література: [4-6]</p>
11	<p>Коваріація ВВ. Коваріаційна матриця і коефіцієнт кореляції. Кореляційна матриця. Кореляційний аналіз виробітку електроенергії ВДЕ-об'єктами та метеоумов.</p> <p>Література: [4,7]</p>
12	<p>Функції випадкових величин. Скалярна функція випадкових величин (ВВ). Випадковий вектор Властивості функцій ВВ. Неперервні функції випадкових аргументів. Розподіл Хи-квадрат (Пірсона).</p> <p>Література: [6]</p>
13	<p>Регресійний аналіз. Проста лінійна регресія. Покрокова регресія. Нелінійна регресія. Регресійний аналіз для прогнозування швидкостей вітру.</p> <p>Література: [7]</p>

	<b>РОЗДІЛ 3. Математична статистика</b>
14	Основи математичної статистики. Предмет математичної статистики. Генеральна і вибіркова сукупності. Істинне значення ВВ. Вибірковий метод. Частоти та відносні частоти дискретної ВВ. Статистичний ряд. Об'єм вибірки. Кількість і довжина інтервалів групування. Варіаційний ряд Література: [4-6]
15	Статистичний розподіл вибірки. Графічне зображення статистичного розподілу. Числові характеристики статистичного розподілу. Приклади з ВЕ. Точкові оцінки. Література: [4,6]
16	Інтервальні оцінки. Довірчий інтервал. Довірча ймовірність. Довірчі інтервали для нормального розподілу. Мат очікування при відомій дисперсії. Мат очікування при невідомій дисперсії. Література: [4-6]
17	Технології аналізу даних. Мультиколінеарність багатовимірних даних. Гребнева регресія. Методи багатовимірного аналізу. Метод головних компонент. Факторний аналіз. Діскримінантний метод. Застосування до часових рядів даних моніторингу фото- та вітростанцій. Література: [7-9]
18	Задачі математичної статистики в фотоенергетиці, вітроенергетиці та області акумулювання електроенергії. Література: [7-9]

#### Практичні заняття (18 год.)

№ з/п	Назва теми практичного заняття
1	Методи оптимізації. Безумовна багатовимірна оптимізація в MATLAB
2	Оптимізація з обмеженнями
3	Оптимізація методом лінійного програмування
4	Одновимірні розподіли випадкових величин
5	Числові характеристики випадкових величин. Аналіз моніторингових даних інвертора ФЕС
6	Кореляція та регресія випадкових величин. Приклад моніторингу трьохфазного інвертора ФЕС
7	Статистичні вибірки та їх числові характеристики
8	Аналіз моніторингових даних виробітку ВЕС
9	Інтервальне оцінювання параметрів розподілів для моніторингових даних у ВЕ

#### Самостійна робота студента

№з/п	Вид самостійної роботи	Кількість годин СРС
1	Робота над завданнями, які отримані на практичних заняттях, виконання розрахунків	20

2	Підготовка до МКР	2
3	Самостійна робота з конспектом та з літературою	20
4	Створення алгоритмів та виконання розрахунків , удосконалення навиків роботи з ПК	18
5	Підготовка до заліку	6

## 2. Політика та контроль

### Політика навчальної дисципліни (освітнього компонента)

*Система вимог, які викладач ставить перед студентом:*

- *правила відвідування занять: відповідно до РСО даної дисципліни бали нараховують не за присутність або відсутність здобувача на аудиторному занятті, а за відповідну навчальну активність на лекційних заняттях.*
- *правила поведінки на заняттях: студент має можливість отримувати бали за відповідні види навчальної активності на лекційних заняттях, передбачені РСО дисципліни. Має право використовувати засоби зв'язку для пошуку інформації на гугл-диску викладача, в інтернеті;*
- *правила призначення заохочувальних балів: заохочувальні бали не входять до основної шкали РСО, а їх сума не перевищує 10% стартової шкали.*
- *політика щодо академічної доброчесності: Кодекс честі Національного технічного університету України «Київський політехнічний інститут» <https://kpi.ua/files/honorcode.pdf> встановлює загальні моральні принципи, правила етичної поведінки осіб та передбачає політику академічної доброчесності для осіб, що працюють і навчаються в університеті, якими вони мають керуватись у своїй діяльності, у тому числі при вивченні та складанні контрольних заходів з дисципліни «Методи оптимізації та математична статистика у відновлюваній енергетиці»;*
- *при використанні цифрових засобів зв'язку з викладачем (мобільний зв'язок, електронна пошта, переписка на форумах та у соцмережах тощо) необхідно дотримуватись загальноприйнятих етичних норм, зокрема бути ввічливим та обмежувати спілкування робочим часом викладача.*

### Види контролю та рейтингова система оцінювання результатів навчання (РСО)

*Поточний контроль: опитування під час здачі практичних робіт, модульних контрольних робіт, експрес-опитування на лекціях.*

*Календарний контроль: провадиться двічі на семестр як моніторинг поточного стану виконання вимог силабусу.*

*Семестровий контроль: залік.*

*Умови допуску до семестрового контролю: мінімальний семестровий рейтинг більше 40 балів.*

*Таблиця відповідності рейтингових балів оцінкам за університетською шкалою:*

<b>Кількість балів</b>	<b>Оцінка</b>
100-95	Відмінно
94-85	Дуже добре
84-75	Добре
74-65	Задовільно
64-60	Достатньо
Менше 60	Незадовільно
Не виконані умови допуску	Не допущено

**Загальна рейтингова оцінка студента** після завершення семестру складається з балів, отриманих за:

- 1) відповіді під час проведення експрес-опитувань на лекціях.
- 2) Виконання індивідуальних практичних завдань
- 3) МКР
- 4) Залікова робота

експрес-опитування <i>Re</i>	Практичні заняття <i>Rп</i>	МКР <i>Rм</i>	Семестр рейтинг <i>Rс</i>	Залік <i>Rз</i>
4	80	16	100	100

### **Робота в аудиторії**

Дає можливість оцінити активність студентів та ступень їх розуміння матеріалу під час лекцій та практичних занять

#### **Експрес-опитування**

Критерії оцінювання

Ваговий бал – 2.

Максимальна кількість балів на всіх лекційних заняттях –  $2 * 2 = 4$  балів

Вірна та вичерпна відповідь на питання викладача 2 бал

Часткова відповідь на питання 1 бал

Інші оцінки не виставляються

Розв'язання задач на практичних заняттях:

- самостійне розв'язання задачі, вільне володіння темою заняття – 2;
- розв'язання задачі за допомогою викладача, володіння окремими розділами теми заняття - 1

#### **Виконання практичних завдань**

Критерії оцінювання

Ваговий бал – 10.

Максимальна кількість балів за всі практичні завдання  $10 \times 8 = 80$  балів.

10 балів - Завдання виконано самостійно, без помилок, звіт не має зауважень; на питання викладача надані вірні відповіді.

9 балів - Завдання виконано самостійно, без помилок, але на одне питання викладача надана не точна відповідь;

8 балів - Завдання виконано самостійно, без помилок, але на декілька питань викладача надана не точна відповідь;

7 балів - Завдання виконано самостійно, але не повністю (>80%);

6 балів - Завдання виконано самостійно, але не повністю (але >70%), з несуттєвими помилками.

3-5 балів - Завдання за якістю відповідає попередньому критерію, але частина завдання виконана не самостійно.

2 бали - Завдання відповідає попередньому критерію, але на питання викладача надавалися невірні відповіді.

0 балів - Завдання є повною копією роботи іншого студента.

### **Модульна контрольна робота**

Ваговий бал – 16. За період навчання запланована 1 модульна контрольна робота відповідно до розділів лекційного матеріалу, пов'язаних оптимізаційними методами, та питаннями статистичної обробки даних. Модульна контрольна робота складається з теоретичних питань та задачі. Виконується як індивідуальне завдання згідно варіанту. Кожне питання сформоване з використанням матеріалу лекційних занять. Студент повинен надати розгорнуті відповіді на теоретичні питання, сформулювати сутність явищ, надати математичний опис. Перескладання МКР не заплановане.

### **Календарний контроль**

Календарний контроль базується на поточній рейтинговій оцінці. Умовою позитивної атестації є значення поточного рейтингу студента не менше 50% від максимально можливого на час атестації.

Максимальний рейтинг за семестр визначається за виразом:

$$R_S = R_e + R_n + R_M = 4 + 80 + 16 = 100 \text{ балів}$$

**Форма семестрового контролю – залік.**

Критерії оцінювання заліку:

- Рейтинг  $R_c \geq 60$  балів – зараховується автоматично.
- Рейтинг  $R_c < 60$  балів – студент виконує залікову роботу, при цьому семестровий рейтинг не враховується.
- Максимальний рейтинг залікової роботи  $R_z = 100$  балів.
- Рейтинг заліку  $R_z = 95-100$  балів – студент дав вичерпні відповіді на всі питання (при необхідності – і на додаткові), дає чіткі визначення всіх понять і величин, відповіді логічні та послідовні.
- Рейтинг заліку  $R_z = 85-95$  балів – відповідаючи на питання, студент припустив не більше 2 помилок, дає чіткі визначення всіх понять і величин, відповіді логічні та послідовні.



- *Рейтинг заліку  $R_3 = 75-85$  балів – відповідаючи на питання, студент припустив окремі помилки, але може їх виправити за допомогою викладача; знає визначення основних понять і величин дисципліни, в цілому розуміє суть методів та алгоритмів, які вивчав.*
- *Рейтинг заліку  $R_3 = 65-75$  балів – студент частково відповідає на питання викладача, показує знання, але недостатньо розуміє суть методів. Відповіді непослідовні або нечіткі.*
- *Рейтинг заліку  $R_3 = 60-65$  балів – студент виконав частину залікової роботи (але  $>60\%$ ). Показав недостатні знання та розуміння суті методів і рішень. Відповіді непослідовні та нечіткі.*
- *Рейтинг заліку  $R_3 < 60$  балів – залікова робота виконана не повністю (менше  $60\%$ ), у відповіді студент припускає суттєві помилки, демонструє нерозуміння суті методів. Відповіді некоректні, а в деяких випадках зовсім не відповідають суті поставленого питання.*

#### **Додаткова інформація з дисципліни (освітнього компонента)**

##### **Перелік тем, які виносяться на семестровий контроль:**

1. Методи вирішення оптимізаційних задач. Приклади з ВЕ
2. Методи умовної та безумовної оптимізації. Приклади з ВЕ
3. Метод лінійного програмування. Приклади з ВЕ.
4. Функції розподілу та щільності розподілу випадкових величин.
5. Числові характеристики випадкових величин.
6. Основні розподіли випадкових величин і характеристики розподілів.
7. Багатомірні випадкові величини
8. Кореляційний та регресійний аналіз. Приклади з ВЕ
9. Статистичні розподіли вибірки. Приклади з ВЕ
10. Інтервальне оцінювання даних. Приклади з ВЕ

#### **Робочу програму навчальної дисципліни (силабус):**

**Складено** професором кафедри відновлюваних джерел енергії ФЕА, д.ф.-м.н., Гаєвським О.Ю.

**Ухвалено** кафедрою відновлюваних джерел енергії ФЕА (протокол №14 від 24 травня 2024 р.).

**Погоджено** Методичною комісією факультету (протокол № 10 від 20 червня 2024р.).